

	傅里叶变换	拉普拉斯变换	Z变换
<b>定义</b>	(t换为k, jω换为e <sup>j</sup> ω得DTFT)		
<b>正变换</b>	$F(j\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{-j\omega t} dt$	$F(s) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{-st} dt$	$F(z) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} f(k)z^{-k}$
<b>反变换</b>	$f(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} F(j\omega)e^{-j\omega t} d\omega$	$f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{\sigma-\infty}^{\sigma+\infty} F(s)e^{-st} ds$	
<b>性质</b>			
<b>线性</b>			
<b>延时特性</b>	$f(t - t_0) \leftrightarrow F(j\omega)e^{-j\omega t_0}$	$f(t - t_0) \leftrightarrow F(s)e^{-st_0}$	<b>增序:</b> $f(k + n) \leftrightarrow z^n [F(z) - \sum_{i=0}^{n-1} z^{-i} f(i)]$
<b>移频特性</b>	$f(t)e^{j\omega_c t} \leftrightarrow F[j(\omega - \omega_c)]$	$f(t)e^{s_0 t} \leftrightarrow F(s - s_0)$	<b>减序:</b> $f(k - n) \leftrightarrow z^{-n+1} [F(z) + \sum_{i=-1}^{-n} z^{-i} f(i)]$
<b>尺度变换</b>	$f(at) \leftrightarrow \frac{1}{ a } F(j\frac{\omega}{a})$	$f(at) \leftrightarrow \frac{1}{ a } F(\frac{s}{a})$	$a^k f(k) \leftrightarrow F(\frac{z}{a})$
<b>奇偶虚实性</b>			
<b>对称特性</b>	$f(t) \leftrightarrow F(j\omega) \iff F(jt) \leftrightarrow 2\pi f(-\omega)$	$f(t) \leftrightarrow F(s) \iff F(t) \leftrightarrow 2\pi j f(-s)$	
<b>时域微分</b>	$\frac{d}{dt} f(t) \leftrightarrow j\omega F(j\omega)$	$\frac{d}{dt} f(t) \leftrightarrow sF(s) - f(0^-)$	
<b>时域积分</b>	$\int_{-\infty}^t f(\tau) d\tau \leftrightarrow \pi F(0)\delta(\omega) + \frac{1}{j\omega} F(j\omega)$	$\int_{0^-}^t f(\tau) d\tau \leftrightarrow \frac{F(s)}{s}$	
<b>频域微分</b>	$-jtf(t) \leftrightarrow \frac{d}{d\omega} F(j\omega)$	$tf(t) \leftrightarrow -\frac{d}{ds} F(s)$	$kf(k) \leftrightarrow -z \frac{d}{dz} F(z)$
<b>频域积分</b>	$\pi f(0)\delta(t) - \frac{f(t)}{jt} \leftrightarrow \int_{-\infty}^{\omega} F(j\Omega) d\Omega$	$\frac{f(t)}{t} \leftrightarrow \int_s^{\infty} F(p) dp$	
<b>卷积定理</b>	$\begin{cases} f_1(t) * f_2(t) \leftrightarrow F_1(j\omega)F_2(j\omega) \\ f_1(t)f_2(t) \leftrightarrow \frac{1}{2\pi} F_1(j\omega) * F_2(j\omega) \end{cases}$	$\begin{cases} f_1(t) * f_2(t) \leftrightarrow F_1(s)F_2(s) \\ f_1(t)f_2(t) \leftrightarrow \frac{1}{2j\pi} F_1(s) * F_2(s) \end{cases}$	$f_1(k) * f_2(k) \leftrightarrow F_1(z)F_2(z)$